

## مقاله پژوهشی: طراحی یک شبکه زنجیره تأمین چابک در شرایط پویایی قیمت با تمرکز بر برنامه‌ریزی حمل و نقل

نرگس علی‌دادی تلخستانی\* مقداد حاجی محمدعلی جهرمی\*\*

دریافت: ۹۸/۸/۱۸ پذیرش: ۹۹/۱/۸

طراحی زنجیره تأمین چابک / برنامه‌ریزی حمل و نقل / تقاضای متغیر (پویایی تقاضا)

### چکیده

مسئله مورد مطالعه این پژوهش طراحی زنجیره تأمین چابک در شرایط محدودیت ظرفیت و وابستگی تقاضا به قیمت است. هدف این پژوهش، طراحی یک زنجیره تأمین چابک در تصمیم‌گیری یکپارچه برنامه‌ریزی توأم تولید، توزیع، مسیریابی و قیمت‌گذاری برای محصولات با توجه ویژه به برنامه‌ریزی حمل و نقل است. رویکرد ارائه شده، رویکردی یکپارچه در زمینه برنامه‌ریزی زنجیره تأمین، مدیریت توزیع و برنامه‌ریزی تولید محصولات با توجه به محدودیت ظرفیت‌ها و توجه به پارامترهای مختلف در ارتباط با حمل و نقل است. سیستم حمل و نقل مطرح شده در این پژوهش شامل انواع مختلف وسایل نقلیه می‌شود که دارای ظرفیت و هزینه‌های متفاوت برای حمل کالا هستند. جهت حل مسئله، یک مدل غیرخطی آمیخته با اعداد صحیح که فرایندهای برنامه‌ریزی مورد نیاز جهت حداکثرسازی سود زنجیره را در بر می‌گیرد، ارائه شده است. نتایج بدست آمده از حل مثال عددی نشان می‌دهد که بین برنامه‌ریزی توأم تولید و توزیع و کاهش هزینه‌های کل زنجیره تأمین رابطه خطی وجود دارد. همچنین میزان تقاضای

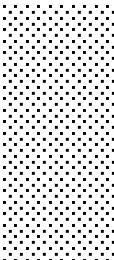
\* کارشناسی ارشد مهندسی صنایع، واحد دماوند، دانشگاه آزاد اسلامی، دماوند، ایران nrgs333@yahoo.com

\*\* استادیار گروه مهندسی صنایع، واحد دماوند، دانشگاه آزاد اسلامی، دماوند، ایران Jahromi@damavandiau.ac.ir

■ مقداد حاجی محمدعلی جهرمی، نویسنده مسئول.

خردهفروشان در شبکه زنجیره تأمین مورد بررسی با افزایش قیمت کاهش یافته، بنابراین می‌توان از قیمت به عنوان اهرمی جهت برنامه‌ریزی تولید، موجودی و توزیع را با توجه به محدودیت ظرفیت بخش‌های مختلف زنجیره تأمین استفاده نمود.

**طبقه‌بندی JEL:** L98, L90



## مقدمه

مدیریت زنجیره تأمین، یکی از موضوعات مهمی است که تاکنون در حوزه تولید، تحقیقات زیادی درباره آن صورت پذیرفته است. یک زنجیره تأمین شامل تمام مراحلی که روی یک محصول ایجاد ارزش افزوده می‌کنند می‌شود. مدیریت زنجیره تأمین را می‌توان به صورت وظیفه یکپارچه سازی واحدهای سازمانی در طول زنجیره تأمین و هماهنگ سازی جریانهای مواد، اطلاعات و مالی، به منظور برآوردن تقاضای مشتری (نهایی) و با هدف بهبود رقابت پذیری یک زنجیره تأمین تعریف کرد. با ظهور پدیده جهانی سازی، هماهنگی در میان مراحل مختلف زنجیره تأمین، به منظور دستیابی به یک سیستم با اثربخشی ایده‌آل، یکی از موضوعهایی است که هم مورد توجه بخش صنعت و هم مورد توجه پژوهشگران دانشگاهی قرار گرفته است. کارخانه‌ها به سمت کاهش سطوح موجودیشان متمایل شده‌اند. این پدیده علاوه بر تأکید روی روابط متقابل دقیق‌تر در بین مراحل زنجیره تأمین، افزایش استفاده عملی از مدل‌های یکپارچه را موجب شده است.

محیط رقابتی امروزه محیطی با رقابت بسیار زیاد و نامطمئنی فراوان است که به واسطه سرعت رشد و نوآوری‌های تکنولوژی و ذایقه به شدت در حال تغییر مشتریان این رقابت شدت پیدا کرده است و تمرکز بر ایجاد سرعت در پاسخگویی و مواجهه با این تغییرات و انعطاف‌پذیری در زنجیره تأمین رو به افزایش است. در چنین محیطی رویکردهای قدیمی و سنتی، قابلیت و توانایی خود را از دست داده‌اند. یکی از روش‌های نوین برای مقابله با چنین چالش‌هایی استفاده از پارادایم چابکی است. هدف یک زنجیره تأمین چابک راضی نگه داشتن انتظارات مشتریان و کارکنان خود می‌باشد. بنابراین زنجیره تأمین چابک باید قابلیت پاسخگویی به تغییرات صورت گرفته در محیط خود را داشته باشد. با این توضیح زنجیره تأمین چابک مجموعه‌ای از شرکت‌های مختلف است که بر انعطاف‌پذیری و عملکرد تمرکز می‌کند و همچنین قابلیت پاسخگویی سریع به تغییرات بازار و تقاضای مشتریان و بازار را دارد. یکی از راه‌های رایج و قابل قبول برای دستیابی به چابکی در زنجیره تأمین این است که بتوان اعضای زنجیره را از بین شرکت‌هایی که در مناطق جغرافیایی مختلفی قرار گفته‌اند و از طریق شبکه‌های ارتباطی با هم در ارتباط‌اند، انتخاب کرد و زنجیره را طراحی کرد. در پژوهش حاضر، ضمن در نظر گرفتن محدودیت در بخش‌های مختلف،

انتخاب مناسب‌ترین شریک جهت طراحی بهینه زنجیره تأمین، انجام می‌گردد. تصمیمات طراحی شبکه زنجیره تأمین، به عنوان مهم‌ترین تصمیمات راهبردی در مدیریت زنجیره تأمین، که مربوط به ارتباطات پیچیده بین سطوح مختلف مانند تامین‌کنندگان، کارخانه‌ها، مرکز توزیع و مناطق مشتری و همچنین تعیین تعداد، محل و ظرفیت امکانات برای پاسخگویی به نیازهای مشتری است شناخته می‌شود. مدیریت زنجیره تأمین شامل یکپارچه‌سازی ارتباطات بین بخش‌های مختلف از طریق ایجاد اتحاد، به عنوان مثال یکپارچه‌سازی سیستم اطلاعات و فرایند، بین بخش‌ها برای بهبود پاسخگویی به مشتریان در ابعاد مختلف از قبیل محصول و کیفیت بالاتر محصول، هزینه‌های پایین و پاسخ سریع است<sup>۱</sup>.

در سیستم‌های تولید برای سفارش که تولیدکننده باید بتواند خود را با تقاضاهای بازارهای مختلف هماهنگ کند و محصول را در زمان‌های خواسته شده به مقدار مناسب و با کیفیت مطلوب به دست مشتری برساند و به عبارتی دیگر باید انعطاف‌پذیری تولیدکننده در برابر تغییرات تقاضای مشتری زیاد باشد، تولیدکننده اغلب با چالش محدود بودن ظرفیت‌های تولیدی و اولویت‌بندی در پاسخگویی و برآوردن سطحی از تقاضاهای مواجه است. در اکثر مدل‌های برنامه‌ریزی تولید که تاکنون بررسی شده است، تقاضای محصولات در دوره‌های مختلف افق برنامه‌ریزی، از قبل تعیین شده است و به صورت یک عامل غیرقابل کنترل از بیرون سیستم تولیدی به مدل وارد می‌شود<sup>۲</sup>.

در مدل پیش رو از قیمت به عنوان اهمی جهت کنترل تقاضای مشتریان و به طبع آن کنترل و برنامه‌ریزی محدودیت ظرفیت در بخش‌های مختلف از جمله بخش تولید و توزیع استفاده می‌گردد. با توجه به موارد ذکر شده، این تحقیق به دنبال طراحی مدلی ریاضی است که بتواند با توجه به محدودیت ظرفیت در سطوح مختلف زنجیره تأمین، پیکربندی بهینه‌ای از زنجیره تأمین چابک را با توجه به تقاضای متغیر که به طور همزمان کاهش هزینه و افزایش درآمد زنجیره تأمین چابک و یکپارچه را انجام دهد و شرکای مناسب را در هر سطح انتخاب نماید، انجام دهد. به این منظور مدل ریاضی مقاله عباسی و همکاران (۲۰۱۴)، توسعه داده شده است.

۱. عباسی و همکاران، (۲۰۱۴)  
۲. ترابی و همکاران، (۱۳۹۰)

بحث طراحی زنجیره تامین چابک و برنامه ریزی توأم تولید و توزیع از طریق کنترل تقاضای خرده فروشان (مشتریان) به وسیله اهرم قیمت و همچنین برنامه ریزی حمل و نقل زنجیره تامین و بیان آنها در قالب مدل ریاضی، سه بخش اصلی این پژوهش را تشکیل می دهند. جزئیات بیشتر این سه بخش، ضرورت توجه به آنها و مواردی از این دست، در بخش های بعدی مورد توجه قرار می گیرند.

در بخش بعدی، مطالعاتی که تا کنون در این زمینه انجام شده ارائه می گردد. سپس به معروفی مدل ریاضی غیرخطی و بیان مفروضات مسئله پرداخته خواهد شد و با ارائه مثال عددی، کارایی مدل پیشنهادی مورد بررسی قرار می گیرد و در پایان نتایج حاصله و پیشنهادات تحقیقات آتی ارائه می گردد.

## ۱. بررسی ادبیات موضوع

این مقاله بر اساس مقاله عباسی و همکاران (۲۰۱۴) توسعه داده شده است. در مقاله آن ها یک مدل زنجیره تامین چابک مدل سازی شده است که در دنیا واقعی و آشفتگی های بازار می تواند کارآمد باشد. در مدل پیشنهادی آن ها ظرفیت تسهیلات به عنوان متغیرهای تصمیم تعیین شده است که به عنوان یک پارامتر ورودی فرض می شوند. مدل آن ها یک برنامه نویسی خطی عدد صحیح (MILP) است که قادر است ویژگی های اصلی زنجیره تامین چابک را به عنوان حمل و نقل مستقیم حالت های حمل و نقل مختلف در بین تسهیلات باز شده در نظر گرفته است.

در مقاله حاضر، علاوه بر ویژگی های مقاله عباسی و همکاران، قیمت گذاری، وابستگی تقاضا به قیمت، تنوع حمل و نقل و محدودیت ظرفیت حمل و نقل نیز به عنوان نوآوری توسعه داده شده است.

به دلیل وجود جنبه های مختلف موضوع این تحقیق، بررسی ادبیات موضوع را در بخش های طراحی زنجیره تامین چابک و برنامه ریزی یکپارچه قیمت گذاری و تقاضا انجام می دهیم.

### طراحی زنجیره تامین چابک

هنگامی که تقاضا متغیر و محصولات تنوع هستند، زنجیره تامین باید پاسخگوی نیازهای

مشتریان و تسهیل روند برای کاهش خطر اختلال عرضه با استفاده از طبقه‌بندی و جمع‌آوری تمام منابع باشد. استراتژی زنجیره‌تأمين که قادر به مقابله با هر دو مسئله به صورت هم زمان است، به عنوان زنجیره‌عرضه چاپک شناخته می‌شود. در این بخش به بررسی پیشینه تحقیقات در مورد زنجیره‌تأمين چاپک می‌پردازیم.

ابتدا بی‌ترین و پایه‌ای ترین تحقیق در مورد طراحی زنجیره‌تأمين چاپک تحقیق کریستوفر (۲۰۰۰) می‌باشد. او چاپکی را این گونه تعریف می‌کند: "چاپکی به عنوان توانایی سازمان برای پاسخگویی سریع به تغییرات تقاضا در حجم و تنوع تعریف می‌شود". کریستوفر معتقد است در دنیای به شدت رقابتی امروز سرعت تغییر و تطبیق با نیازهای مشتری از اساسی ترین شرایط بقا است. چاپکی یک قابلیت کسب و کار گستره است که شامل سازمان ساختاری، سیستم‌های اطلاعاتی، فرآیند لجستیک و در حالت کلی طرز فکری نوین برای اداره یک سازمان است. او بر خلاف روش‌های سنتی، روش‌های چاپک به تکیه بر کارکنان و خلاقیت آنان به مبارزه با بی‌ثباتی‌ها می‌پردازند.

لی (۲۰۰۲)، برای بررسی استراتژی چاپکی در زنجیره‌تأمين اصطلاح زنجیره‌تأمين چاپک را به کار برد زیرا این نوع زنجیره‌تأمين نیاز به حداقل رساندن خطرات و ریسک تهیه مواد اولیه در ابتدا زنجیره‌تأمين را دارد و به صورت همزمان باید پاسخ مناسب به نیازهای مختلف، متنوع و بی‌نظیر مشتریان را در قسمت انتهایی فراهم کند. مقاله‌لی، یک پنجه جدید به روی مفهوم مدیریت زنجیره‌تأمين باز کرده است. زیرا مطالعه او به صورت همزمان به بررسی عرضه و تقاضا می‌پردازد. مقاله او با وجود بنیادی بودن دارای کاستی‌هایی می‌باشد که بعد‌ها توسط دیگر محققان تکمیل گردید. این کاستی‌ها عبارتند از:

- این مدل هنوز مفهومی است و به صورت کمی و ریاضی سنجیده نشده است.
- هیچ عامل خارجی و اثرگذار در این مدل بررسی قرار نگرفته است.

در آینده نزدیک و در بازارهای بسیار پویا و متتحول، سازمان‌ها نیازمند ایجاد زنجیره‌تأمين چاپک هستند و باید پیوسته آن را بهبود ببخشند و اما یکی از مشکلات تمرکز بر ایجاد بهبودی در چاپکی انعطاف نداشتن آن در مفهوم اولیه سازمان است. در این حالت چاپکی راهی بی‌پایان است که می‌تواند نتیجه بهبود تدریجی باشد. البته قابل ذکر است سازمان‌هایی که غافل از دیگر توانمندی‌ها، فقط بر بهبود چاپکی تمرکز می‌کنند ممکن است دچار شکست

شوند. از این رو ضروری است که صلاحیت و شایستگی در بین دیگر ویژگی‌های رقابتی تعریف و مشخص شود در غیر این صورت سازمان‌هایی که بدون در نظر گرفتن سایر توانمندی‌های عملکردی، بر بهبود چابکی تاکید می‌کنند احتمالاً با شکست و ناکامی مواجه می‌شوند ولی این به منزله ناکار آمد بودن زنجیره تامین چابک نیست بلکه به علت نبود انعطاف‌پذیری کافی در زیر ساخت سازمان برای ایجاد این سازمان بوده است.<sup>۱</sup>

سوزو یوان و همکاران (۲۰۰۹)، ارتباط بین عدم قطعیت زیست محیطی و استراتژی‌های زنجیره تامین را بررسی کردند. آن‌ها نتیجه گرفتند هماهنگی و مطابقت بین قطعیت زیست محیطی و استراتژی زنجیره تامین می‌تواند در بهبود بخشیدن به کارایی زنجیره تامین موثر باشد. آن‌ها در تحقیقات خود بیان کردند استراتژی چابکی برای زنجیره تامین می‌تواند بهترین پاسخ به این عدم قطعیت باشد.

کاستانتینو و همکاران (۲۰۱۵)، راه حل مشکلات مدیریت زنجیره تامین را پیکربندی استراتژیک بر مبنای سیستم چابک می‌دانند. آنان با طراحی مدل دیاگرامی و برنامه‌ریزی خطی یکپارچه برای طراحی بهینه زنجیره تامین و در نظر گرفتن ماکزیمم حجم تولید با منبع یابی منفرد/چندگانه پیکربندی جدیدی برای زنجیره تامین طراحی کردند و نتایج حاصل را در شرکت قالب‌سازی در ایتالیا به اجرا درآورند و از جمله نتایج مثبت مطالعه انتخاب محل مناسب برای توزیع کنندگان و خرده‌فروشان برای انعطاف‌پذیری و پیشرفت عملکرد زنجیره تامین بوده است.

یلدیز و همکاران (۲۰۱۵)، در زنجیره‌های تامین چابک توجه به سرمایه‌گذاری، تولید، نیروی کار و قابلیت محیط زیست را مهم می‌دانند. او چشم انداز تولید چابک، یکپارچه‌سازی منابع و پیکربندی مجدد و فعالیت در محیط‌های دانشی برای فراهم کردن نیاز مشتریان در بازار غیرقابل پیش‌بینی را در چهارسطح تعریف کرده است که عبارتند از: حساسیت مشتری، یکپارچگی شبکه، یکپارچگی فرآیندها و اعمال نفوذ تاثیر اطلاعات و مردم.

مهدی محمودی (۲۰۱۹)، یک مدل سه هدف با فرض چند ماده و چند محصول در پنج مرحله از شبکه زنجیره تامین معرفی کرده است. شبکه زنجیره تامین پنج مرحله شامل: تأمین‌کننده، تولیدکننده، خرده‌فروش و توزیع‌کننده و همچنین منطقه مشتری است. هدف

تعیین میزان تولید و عرضه در هر گره از شبکه زنجیره تأمین تحت تقاضای تصادفی از یک بازار رقابتی است. هدف اول به حداقل رساندن هزینه‌هایی مانند حمل و نقل، موجودی، کمبود و تولید است. هدف دوم به حداقل رساندن خطرات در هر گره و همچنین مسیر شبکه زنجیره تأمین است. هدف سوم به حداکثر رساندن انعطاف‌پذیری است که منجر به یک الگوی محدودیت در نوسان تقاضای بازار می‌شود. با توجه به محدودیت‌ها، حجم حمل و نقل، سرعت حمل و نقل و وسائل حمل و نقل در نظر گرفته شده است. در مرحله بعد ظرفیت تولید با توجه به خواسته‌های گره در نظر گرفته شده است.

## ۲. برنامه‌ریزی یکپارچه قیمت‌گذاری و تقاضا

ویتن (۱۹۵۵)، اولین مسئله از نوع تصمیم‌های قیمت‌گذاری پویا و تولید(تقاضا) را مدل‌سازی کرد. در مدل او تقاضا به صورت یکتابع خطی از قیمت تعریف شده است. پیش از این، تمام کارهای تحقیقاتی گذشته، قیمت را به منزله پارامتری با ساختار و مقدار از قبل تعیین شده در نظر می‌گرفتند. در واقع کار وی ارتباط بنيادین غیرقابل انکار بین قیمت و کنترل موجودی را یادآور شد. وی نشان داد که در صورت ایجاد هماهنگی بین تصمیمات قیمت‌گذاری و میزان سفارش، سود بالاتری نصیب خرده‌فروش می‌گردد. کوهن (۱۹۷۷)، برنامه‌ریزی یکپارچه قیمت‌گذاری و تقاضا را برای محصولات فسادپذیر با طول عمر محدود مدل‌سازی کرد. در ابتدا مقدار بهینه سفارش‌گذاری و حساسیت آن به درجه فسادپذیری و نیز قیمت محصول سنجیده شده و در ادامه تصمیمات همزمان سفارش‌گذاری و قیمت‌گذاری مورد بررسی قرار گرفته است. گیلبرت (۱۹۹۹)، مدل تخصیص یک قیمت به کل دوره‌های یک افق برنامه‌ریزی را با فرض عدم وابستگی تقاضا هر دوره به قیمت محصولات در آن دوره را مطرح نمود و در ادامه، یک مدل توأم قیمت‌گذاری تولید چند محصولی با چند قیمت در افق چند دوره‌ای و درحال وجود منابع تولیدی مشترک بین محصولات را توسعه داد. او در ادامه روند تحقیقات و توسعه مدل قبلی خود مدل گیلبرت (۲۰۰۰)، را ارائه نمود. در این مدل برای محصولاتی که توسط تجهیزات و منابع تولیدی مشترک تولید می‌شوند، برنامه‌ای هماهنگ برای تولید و قیمت‌گذاری آن‌ها ارائه شده است. همچنین در این مدل، تقاضا به صورت فصلی و هزینه‌های راه‌اندازی تولید ناچیز فرض شده است. مدل او نشان می‌دهد محصولاتی که تولید آن‌ها در دوره

اوج تقاضا می باشند می توانند با افزایش قیمت همراه باشند. قیمت‌گذاری به صورت دوره‌ای و تقاضای وابسته به قیمت را می‌توان از نوآوری‌های این مدل نسبت به مدل گذشته نام برد. گونش و همکاران (۲۰۰۲)، مسئله‌ای بدون محدودیت ظرفیت با تابع درآمد خطی شکسته مقعر به منظور بیشینه‌سازی سود را مورد مطالعه قرار دادند که این گونه تابع می‌تواند ناشی از انتخاب زیر مجموعه‌ای از تقاضاها برای تولید باشند بنا به این مدل، با فرض این که تابع درآمد یک تابع مقعر است در یک نقطه بیشینه می‌شود. در مدل‌های مورد مطالعه گونش و همکارانش سطوح تقاضایی از هر دوره که یک شرکت برای رسیدن به حد اکثر سود باید برآورده کند، توسط قیمت‌گذاری تعیین می‌شود. آن‌ها مدل ترکیبی برنامه‌ریزی تولید و قیمت‌گذاری را در قالب انتخاب تقاضا به کار گرفتند که در آن، یک مجموعه از تقاضاهای مشتری در دوره‌های مختلف وجود دارد و باید سودآورترین زیر مجموعه از آن انتخاب شود. آن‌ها همچنین روش‌های حل این مسئله را بررسی کرده و یک مدل برنامه‌ریزی خطی، در شرایط وجود هزینه‌های راه اندازی و تولید و تقریباً تابع درآمد پیشنهاد دادند. همچنین مدل جدیدی را با فرض اینکه تقاضاهای هر دوره از بازارهای متفاوت دارای تابع درآمدی چندگانه باشند، توسعه داده و در شرایط ظرفیت‌های یکسان تولیدی دوره‌های مختلف با تابع درآمد مقعر خطی شکسته الگوریتم حلی پیشنهاد کردند.

وبستر و همکاران (۲۰۰۸)، یک زنجیره تامین دو سطحی را در نظر گرفتند که در مورد متغیرهای قیمت و میزان تقاضا در هر دو سناریوی کنترلی تولیدکننده و کنترلی توزیعکننده سیاست‌گذاری می‌نمایند. در سناریوی اول برخلاف سناریوی دوم، تولیدکننده تصمیمات موجودی زنجیره را کنترل نموده و متحمل هزینه‌های ناشی از موجودی مازاد خواهد بود. در این حالت توزیعکننده تقاضای حساس به قیمت را با تولیدکننده سهیم می‌شود. این نتیجه حاصل شد که سود کلی زنجیره در حالت دوم بالاتر است. یاقین و همکاران (۲۰۱۲)، برنامه‌ریزی تولید ادغامی در برگیرنده تصمیمات تولید، موجودی و نیز سطوح نیروی کار را در کنار قیمت‌گذاری در زنجیره تامین دو سطحی مطالعه نموده و از مدل برنامه‌ریزی فازی چند هدفه ترکیبی برای حل مسئله بهره برده‌اند. بر این اساس در این تحقیق هزینه‌های تولید و سفارش مجدد با متغیرهای فازی نمایش داده شده و تامینکننده و خردهفروش در پی حد اکثر نمودن سود کلی در کنار بهبود جنبه‌های خدماتی و پاسخگویی خردهفروش به مشتری هستند. لین و وو (۲۰۱۴)، در مدل خود یکپارچگی قیمت‌گذاری و عملیات زنجیره تامین در

شرایط احتمالی، عدم اطمینان وابستگی تقاضا به قیمت را مورد مطالعه قرار دادند. با وجود عدم اطمینان تقاضا، این مطالعه نشان می‌دهد که چگونه تصمیم‌گیری‌های همزمان تاکتیکی در مورد قیمت و موجودی محصول و سطح عملیاتی تدارکات، تولید و توزیع می‌تواند در به حد اکثر رساندن سود مورد انتظار تولیدکننده موثر باشد. نتایج این مطالعه عبارتند از: اگر توزیع تقاضا تغییرات زیادی داشته باشد، تولیدکننده موجودی خود را به سطوح بالاتر از تقاضای پیش‌بینی شده به منظور جلوگیری از فروش از دست رفته افزایش خواهد داد. علاوه بر این، تولیدکننده با افزایش قیمت محصولات خود سود بیشتری به دست خواهد آورد. در نهایت، با استفاده از رویکرد بهینه‌سازی هزینه، تولیدکننده ممکن است بالاترین سود ممکن را به دست آورد، همانطور که در روش بهینه‌سازی سود تعیین شده است. با این حال، این حد اکثر سود فقط در صورتی حاصل می‌شود که تولیدکننده دقیقاً تقاضای بازار را پیش‌بینی کند. هرگونه انحراف بین تقاضای پیش‌بینی شده و تقاضای واقعی ممکن است سود را کاهش دهد. اشتباہ در احتمال پیش‌بینی شده به کاهش قابل توجهی در سود مورد انتظار منجر خواهد شد. تکسان و گونش (۲۰۱۶)، یک مدل کنترل موجودی قطعی را ارائه کردند. در این مدل عرضه و تقاضا به وسیله اهم قیمت‌گذاری در دو طرف زنجیره تأمین به گونه‌ای کنترل می‌شود که میزان موجودی زنجیره به میزان مطلوب خود برسد و سود کلی زنجیره تأمین حد اکثر شود. برای رسیدن به این هدف در ابتدا آن‌ها رابطه بین عرضه و تقاضا را مورد بررسی قرار داده‌اند و نشان دادند که قیمت‌گذاری بین عرضه و تقاضا باید به گونه‌ای صورت بگیرد که تعادل بین آن‌ها صورت بگیرد. این مدل نشان می‌دهد که قیمت‌گذاری همزمان عرضه و تقاضا می‌تواند در کنترل میزان موجود و سود زنجیره تأمین اثرگذار باشد.

سن خوزه و همکاران (۲۰۱۷)، یک مدل کنترل موجودی بدون محدودیت در افق برنامه‌ریزی را مورد تجزیه و تحلیل قرار دادند. در مدل تک محصولی آن‌ها تقاضا به صورت یک تابع دو بعدی وابسته به متغیرهای قیمت و تقاضا تعریف شده است. در مدل ارائه شده امکان دستیابی به یک جواب بهینه وجود ندارد بنابراین آن‌ها با استفاده از روش‌های عددی کلاسیک مانند نیوتون-رافسون و بیسکی یک الگوریتم ابتکاری طراحی کرده‌اند تا به یک جواب نزدیک به بهینه برای مدل ارائه شده دست یابند. آن‌ها با استفاده از ضرایب حساسیت تقاضا نسبت به قیمت و زمان به این نتیجه رسیدند که افزایش وابستگی تقاضا به قیمت و زمان موجب افزایش سود زنجیره تأمین شده است.

بانرجی و آگراوال (۲۰۱۷)، یک مدل کنترل موجودی را برای محصولات فسادپذیر مورد بررسی قرار دادند. در مدل آن‌ها تقاضا به قیمت و تازگی محصول (عمر محصول) وابسته است در واقع تقاضا به صورت یکتابع دوبعدی از توابع فسادپذیری و قیمت محصول است. در مدل آن‌ها فساد محصول به صورت پیوسته صورت می‌گیرد و باعث کاهش تقاضا و قیمت محصول می‌شود. نتایج تحقیق آن‌ها نشان می‌دهد که محصولاتی که تازگی خود را از دست می‌دهند را می‌توان با سیاست تخفیف در قیمت به فروش رساند به گونه‌ای که سود زنجیره تأمین به حداقل برسد.

کیانفر (۲۰۱۹)، یک زنجیره تأمین سه سطحی شامل تولیدکننده‌ها، مراکز توزیع و مشتری‌ها را طراحی کرده است. تقاضا برای یک محصول در زنجیره تأمین مورد بررسی او به قیمت محصول و هزینه تبلیغاتی آن بستگی دارد. هدف مدل او حداقل کردن سود ناخالص بدون نقض محدودیت‌های عملیاتی ظرفیت‌های تولید و موجودی است.

سید حسینی و همکاران (۲۰۱۹)، در مقاله خود، حساسیت اجتماعی تقاضا نسبت به قیمت برای یک زنجیره تأمین دوستحی که شامل یک تولیدکننده انحصاری و دو خرده‌فروش است، مورد بررسی قرار گرفته است. تولیدکننده بر روی مسئولیت اجتماعی خود سرمایه‌گذاری می‌کند، و خرده‌فروشان هم بر روی قیمت کالا با یکدیگر رقابت دارند. در این مقاله تاثیر مسئولیت اجتماعی تولیدکننده بر روی حساسیت اجتماعی تقاضا نسبت به قیمت مشتری مشخص شده است.

### مدل برنامه ریزی غیرخطی آمیخته با اعداد صحیح

مسئله مورد نظر به صورت یک مسئله برنامه ریزی غیرخطی آمیخته با اعداد صحیح است. مفروضات و نمادهای به کار گرفته شده و مدل در بخش‌های بعدی ارائه شده است.

### مفروضات مسئله مورد بررسی

محصولات نهایی تولید شده در کارخانجات پس از پردازش کامل عملیات نهایی در کارخانه‌ها، به مراکز توزیع ارسال می‌شود. همچنین، ما فرض می‌کنیم که محصولات نیمه‌تمام دریافت شده از تامین‌کنندگان نیاز به عملیات نهایی برای تکمیل دارند. بعضی از محصولات ارسال شده به مراکز توزیع ذخیره می‌شوند و بقیه به خرده‌فروشان منتقل می‌شوند. به دلیل

چابکی زنجیره و تعریف آن در تطابق با نیاز همواره در حال تغییر مشتریان فرض می کنیم که کمبود مجاز نیست. برای دستیابی به انعطاف پذیری از روش های مختلف حمل و نقل برای ارائه محصولات به مشتریان استفاده می شود.

مسئله مهم دیگر در تعیین ظرفیت در بخش های تولید و توزیع و حمل و نقل است که باید معین شود. اکثر مدل های قلا ارائه شده ظرفیت های ثابت برای امکانات را در نظر می گیرند، در حالیکه تعیین ظرفیت در بخش های تولید و توزیع و حمل و نقل در عمل کاری دشوار است. بنابراین فرض می شود که محدودیت ظرفیت ها به عنوان یک متغیر تصمیم گیری برای جلوگیری از هزینه های اضافی و بی فایده تعیین می شود. مفروضات را می توان به شرح زیر برشمرد: برای طراحی مدل برنامه ریزی تولید و عرضه در زنجیره تأمین چابک، یک زنجیره تأمین سه سطحی در نظر گرفته شده است که شامل تولیدکنندگان، توزیع کنندگان و خرده فروشان می باشد.

- مدل چند محصولی است و محصولات مختلفی را تولید می کند.
- افق برنامه ریزی گستره، محدود و مشخص است.
- هزینه های این مدل شامل هزینه های ثابت راه اندازی، تولید، حمل و نقل، هزینه های مربوط به توزیع کننده (بسته بندی)، هزینه های ضایعات، هزینه عقد قرارداد و توافقات است.
- ضایعات باعث ایجاد هزینه محصولات فاقد کیفیت برای زنجیره می شود، از این رو مدل به دنبال کم کردن این هزینه ها نیز می باشد.
- هزینه های ایجاد هماهنگی و توافق بین اعضای زنجیره و هزینه های ثابت راه اندازی آنها فقط در ابتدای هر افق برنامه ریزی اعمال می شود و در تمام دوره های آن افق برنامه ریزی اعمال نمی شود؛
- تابع درآمد، غیرخطی و تابع هزینه می تواند خطی باشد.
- جریان محصولات بین دو تسهیلات یکسان وجود ندارد (مثلا جریان از تولیدکننده به تولیدکننده وجود ندارد).
- ظرفیت تولیدکنندگان و توزیع کنندگان برای تولید و توزیع محدود است.
- تنها توزیع کننده قادر به ذخیره سازی است.

- ظرفیت حمل و نقل بین سطوح زنجیره با محدودیت روپرتو است؛
- تقاضای هر خردهفروش به قیمت پیشنهادی زنجیره تامین برای آن خردهفروش وابسته است.
- تقاضای خردهفروشان قطعی و وابسته به قیمت زنجیره است و توابعی کاوشی و پیوسته از قیمت هستند.
- مجموع مینیمم تقاضاهای خردهفروشان از ظرفیت تولید در هر دوره کوچکتر است. این فرض به این دلیل است که در صورت انتخاب همه خردهفروشان، تولیدکننده بتواند حداقل تقاضای همه آنها را برآورده کند.
- میزان ذخیرهسازی هر توزیعکننده محدود است و در هر دوره برابر است با مجموع ذخیره از دوره قبل به علاوه اختلاف دریافتی از تولیدکننده و ارسالی به خردهفروش در همین دوره.
- نگهداری موجودی در پایان دوره‌ها هزینه‌بر است (تابع خطی).

### اندیس‌ها

$p$	اندیس محصول: که در آن $P_{i,j,k}$ بیانگر تعداد $P$ محصول می‌باشد.
$i$	اندیس تولیدکننده: که در آن $I_{i,j,k}$ بیانگر تعداد $I$ تولیدکننده نامزد برای حضور در زنجیره می‌باشد.
$j$	اندیس توزیعکننده: که در آن $J_{i,j,k}$ بیانگر تعداد $J$ توزیعکننده نامزد برای حضور در زنجیره می‌باشد.
$c$	اندیس خردهفروش: که در آن $C_{i,j,k}$ بیانگر تعداد $C$ خردهفروش برای حضور در زنجیره می‌باشد.
$t$	اندیس دوره زمانی: که در آن $T_{i,j,k}$ بیانگر تعداد $T$ دوره زمانی می‌باشد.
$k$	اندیس نوع حمل و نقل: که در آن $K_{i,j,k}$ بیانگر تعداد $K$ نوع شیوه حمل محصول بین سطوح زنجیره می‌باشد.

### پارامترها

$$S_{pi} \quad \text{هزینه ثابت راه‌اندازی تولیدکننده } i \text{ برای تولید محصول}$$

هزینه ثابت راه اندازی توزیع کننده $j$ برای توزیع محصول	$S'_j$
هزینه ثابت توافق بین تولید کننده $i$ و توزیع کننده $j$	$Ag_{ij}$
هزینه ثابت توافق بین توزیع کننده $j$ و خرده فروش $c$	$Ag'_{jc}$
هزینه تولید هر واحد محصول $p$ در تولید کننده $i$ در دوره $t$	$UC_{pit}$
هزینه بسته بندی هر واحد محصول $p$ در توزیع کننده $j$ در دوره $t$	$Pk_{pit}$
هزینه نگهداری (انبارداری و ...) هر واحد محصول $p$ در توزیع کننده $j$ در دوره $t$	$SC_{pit}$
هزینه هر واحد ضایعات محصول $p$ در تولید کننده $i$ در دوره $t$	$LC_{pit}$
حداکثر ظرفیت انتشار (نگهداری) محصول $p$ در توزیع کننده $j$ در دوره $t$	$W_{pit}$
حداکثر ظرفیت تولید محصول $p$ در تولید کننده $i$ در دوره $t$	$M_{pit}$
حداکثر ظرفیت توزیع کننده $j$ برای محصول $p$ در دوره $t$	$M'_{pit}$
حداکثر ظرفیت حمل و نقل تولید کننده $i$ برای محصول $p$ برای همه توزیع کنندگان در دوره $t$	$MK_{pit}$
حداکثر ظرفیت حمل و نقل تولید کننده $i$ برای ارسال به توزیع کننده $j$ برای همه محصولات در دوره $t$	$MK'_{ijt}$
حداکثر ظرفیت حمل و نقل توزیع کننده $j$ برای ارسال به خرده فروش $c$ برای همه محصولات در دوره $t$	$MK''_{ct}$
ضریب کاهش تقاضا در برابر افزایش قیمت محصول $p$ برای خرده فروش $c$ در دوره $t$	$\gamma_{pet}$
تقاضای اولیه خرده فروش $c$ برای محصول $p$ در دوره $t$	$D'_{pet}$
درصد ضایعات تولید کننده $i$ برای محصول $p$ در دوره $t$	$LP_{pit}$
مسافت بین تولید کننده $i$ و توزیع کننده $j$ به واحد کیلومتر	$Dij_{ij}$
مسافت بین توزیع کننده $j$ و خرده فروش $c$ به واحد کیلومتر	$Djc_{jc}$
تعداد ماشین حمل نوع $k$ بین تولید کننده $i$ و توزیع کننده $j$ در دوره $t$	$Tij_{ijkt}$
تعداد ماشین حمل نوع $k$ بین توزیع کننده $j$ و خرده فروش $c$ در دوره $t$	$Tjc_{jckt}$

$\text{Car}_{ijk}^t$  هزینه حمل ماشین نوع  $k$  بین تولیدکننده  $i$  و توزیعکننده  $j$  در دوره  $t$  برای هر کیلومتر

$\text{Car}'_{jek}^t$  هزینه حمل ماشین نوع  $k$  بین توزیعکننده  $j$  و خردهفروش  $e$  در دوره  $t$  برای هر کیلومتر

$\text{Cap}_{kp}$  ظرفیت حمل ماشین نوع  $k$  برای محصول  $p$   
 $C'_{kt}$  کرایه حمل ماشین نوع  $k$  به ازای هر کیلومتر در دوره  $t$

### متغیرهای باینری

$Y_{pi}$  اگر تولیدکننده  $i$  برای تولید محصول  $p$  در زنجیره انتخاب شود مقدار یک میگیرد در غیر این صورت مقدار صفر میگیرد.

$Y'_j$  اگر توزیعکننده  $j$  برای حضور در زنجیره انتخاب شود مقدار یک میگیرد در غیر این صورت مقدار صفر میگیرد.

$F_{ij}$  اگر توافقی بین تولیدکننده  $i$  و توزیعکننده  $j$  صورت بگیرد مقدار یک میگیرد در غیر این صورت مقدار صفر میگیرد.

$F'_{je}$  اگر توافقی بین توزیعکننده  $j$  و خردهفروش  $e$  صورت بگیرد مقدار یک میگیرد در غیر این صورت مقدار صفر میگیرد.

### متغیرهای تصمیمی

$PR_{pet}$  قیمت محصول  $p$  برای خردهفروش  $e$  در دوره  $t$

$D_{pet}$  تقاضای خردهفروش  $e$  برای محصول  $p$  در دوره  $t$

$DT_{pt}$  تقاضای کل همه خردهفروشها برای محصول  $p$  در دوره  $t$

$H_{pit}$  میزان تولید محصول  $p$  در تولیدکننده  $i$  در دوره  $t$

$H'_{pj}t$  حجم ذخیره (انبارش) توزیعکننده  $j$  برای محصول  $p$  در دوره  $t$

$Q_{pijtk}$  میزان محصول  $p$  حمل شده بین تولیدکننده  $i$  و توزیعکننده  $j$  توسط ماشین حمل نوع  $k$  در دوره  $t$

$$\text{میزان محصول } p \text{ حمل شده بین توزیعکننده } j \text{ و خردهفروشی } c \text{ توسط ماشین} \\ Q'_{pjtk} \text{ حمل نوع } k \text{ در دوره } t$$

## مدل ریاضی

با توجه به مفروضات و پارامترهای معرفی شده در بالا و همچنین مشخص شدن موارد مورد نیاز جهت تصمیم‌گیری، رابطه (۱)، که معرف تابع هدف مدل که همان حداکثرسازی سود زنجیره است معروفی می‌گردد. معادله مربوطه شامل برآیند تابع درآمد و هزینه‌های سیستم (شامل: هزینه‌های تولید، حمل و نقل، ذخیره‌سازی و ضایعات) است. در بخش اول تابع هدف تابع درآمد مدل و در بخش دوم تابع خطی هزینه‌های مدل گنجانده شده است که ماکریم‌سازی سود از برآیند این دو بخش حاصل می‌شود.

$$\max Z = \sum_p \sum_c \sum_t (PR_{pct} \times D_{pct}) - (TCP + TCD + TCS + TCL) \quad (1)$$

هزینه تولید کل زنجیره تأمین شامل هزینه تولید تمام محصولات و هزینه ثابت تمام تولیدکنندگان از رابطه (۲) محاسبه می‌شود.

$$TCP = \sum_i \sum_p \sum_t (UC_{pit} \times H_{pit}) + \sum_i \sum_p (S_{pi} \times Y_{pi}) \quad (2)$$

هزینه توزیع کل زنجیره تأمین که شامل همه هزینه‌های مربوط به تفاوتات و حمل و نقل و هزینه ثابت تمام توزیعکنندگان می‌شود، از رابطه (۳) به دست می‌آید.

$$TCD = \sum_p \sum_i \sum_j \sum_t \sum_k (Q_{pjtk} \times Car_{ijkt}) \\ + \sum_p \sum_j \sum_c \sum_t \sum_k (Q'_{pjctk} \times Car'_{jckt}) + \sum_j (S'_j \times Y'_j) \\ + \sum_p \sum_i \sum_j \sum_t \sum_k (Pk_{pj} \times Cap_{kp} \times Q_{pjtk}) \\ + \sum_i \sum_j (Ag_{ij} \times F_{ij}) + \sum_j \sum_c (Ag'_{jc} \times F'_{jc}) \quad (3)$$

رابطه (۴)، هزینه انبارش و ذخیره‌سازی کل زنجیره تأمین را در بخش توزیعکننده محاسبه می‌کند.

$$TCS = \sum_p \sum_j \sum_t (SC_{pj} \times H'_{pj}) \quad (4)$$

هر سیستم تولیدی متحمل بخشی هزینه تولید محصولات بی کیفیت است که به دنبال کاهش این هزینه ها است. در این مدل، هزینه های مربوط به ضایعات کل زنجیره تامین از طریق رابطه

$$TCL = \sum_i \sum_v \sum_t (LP_{pit} \times H_{pit} \times LC_{pit}) \quad (5)$$

پس از محاسبه هزینه های سیستم در روابط بالا، در روابط (۶) و (۷) پارامترهای مربوط به هزینه های حمل و نقل بین سطوح زنجیره به ترتیب شامل هزینه حمل محصولات از تولیدکننده به توزیع کننده و از توزیع کننده به خرد فروش به دست می آید.

$$Car_{ijkt} = C'_{kt} \times Dij_{ij} \quad (6)$$

(۷)

در این پژوهش از مدل برنامه ریزی غیرخطی آمیخته با اعداد صحیح برای بهینه سازی استفاده نمودیم، برای به دست آوردن ساختار شبکه بهینه، ابتدا محدودیت های مربوط به انتخاب شرکای هر سطح آورده شده است. سپس محدودیت های مربوط به ظرفیت بخش های مختلف و همچنین محدودیت های مربوط به سیستم حمل و نقل آورده شده است.

$$F_{ij} \leq \sum_p Y_{pi} \quad \forall i, j \quad (8)$$

$$F_{ij} \leq Y'_j \quad \forall i, j \quad (9)$$

$$\sum_j F_{ij} \geq Y_{pi} \quad \forall i, p \quad (10)$$

$$\sum_i F_{ij} \geq Y'_j \quad \forall j \quad (11)$$

$$F'_{jc} \leq Y'_j \quad \forall j, c \quad (12)$$

$$\sum_c F'_{jc} \geq Y'_j \quad \forall j \quad (13)$$

$$\sum_j F'_{jc} \geq 1 \quad \forall c \quad (14)$$

$$H_{pit} \leq M_{pit} \times Y_{pi} \quad \forall p, i, t \quad (15)$$

$$H_{pit} = \sum_j \sum_k (Cap_{kp} \times Q_{pjtk}) \quad \forall p, i, t \quad (16)$$

$$\sum_i \sum_k (Cap_{kp} \times Q_{pijtk}) \leq M'_{pj} \times Y'_j \quad \forall p, j, t \quad (17)$$

$$\sum_j \sum_k (Cap_{kp} \times Q_{pijtk}) \leq MK_{pit} \times Y_{pi} \quad \forall p, i, t \quad (18)$$

$$\sum_p \sum_k (Cap_{kp} \times Q_{pijtk}) \leq MK'_{ijt} \times F_{ij} \quad \forall i, j, t \quad (19)$$

$$\sum_p \sum_k (Cap_{kp} \times Q'_{pjctk}) \leq MK''_{jct} \times F'_{jc} \quad \forall j, c, t \quad (20)$$

$$D_{pct} = D'_{pct} - (\gamma_{pct} \times PR_{pct}) \quad \forall p, c, t \quad (21)$$

$$DT_{pt} = \sum_c D_{pct} \quad \forall p, t \quad (22)$$

$$H'_{pj} = H'_{pj(t-1)} + \sum_i \sum_k (Cap_{kp} \times Q_{pijtk}) - \sum_c \sum_k (Cap_{kp} \times Q'_{pjctk}) \quad \forall p, j, t \quad (23)$$

$$H'_{pj} \leq W_{pj} \times Y'_j \quad \forall p, j, t \quad (24)$$

$$\sum_i H_{pit} + \sum_j H'_{pj(t-1)} \geq DT_{pt} \quad \forall p, t \quad (25)$$

$$\sum_i (Cap_{kp} \times Q_{pijtk}) + H'_{pj(t-1)} \geq \sum_c (Cap_{kp} \times Q'_{pjctk}) \quad \forall p, j, t, k \quad (26)$$

$$\sum_i \sum_k (Cap_{kp} \times Q'_{pjctk}) = D_{pct} \quad \forall p, c, t \quad (27)$$

رابطه های (۸) تا (۱۴) مربوط به محدودیت های ساختاری شبکه زنجیره تأمین هستند. رابطه (۸) و (۹)، حضور تولیدکننده در زنجیره را بررسی می کنند یعنی زمانی تولیدکننده در زنجیره جهت توافق با توزیعکننده انتخاب می شود که برای تولید حداقل یک محصول انتخاب شده باشد. رابطه (۱۰) و (۱۱)، تضمین می کنند که در صورت انتخاب تولیدکننده برای محصول باید به حداقل یک توزیعکننده این محصول را ارسال کند و در صورت انتخاب توزیعکننده باید از حداقل یک تولیدکننده محصول دریافت کند. رابطه (۱۲) و (۱۳)، بیان می کنند در صورتی توزیعکننده می تواند به خرده فروش محصول بفرستد که قبل از خرده فروش برای حضور در شبکه انتخاب شده باشد و در صورت انتخاب هر توزیعکننده باید حداقل به یک خرده فروش محصول ارسال کند.

رابطه (۱۴)، تاکید دارد برای تکمیل ساختار مستقیم شبکه زنجیره تأمین خرده فروش باید حتما از حداقل یک توزیعکننده محصول دریافت کند و تقاضایش براورده شود.

محدودیت‌های مربوط به ظرفیت بخش‌های مختلف شبکه در شماره‌های (۱۵) الی (۲۰) معرفی شده است:

رابطه (۱۵)، در خصوص محدودیت ظرفیت تولیدکننده برای تولید محصول است و بیان می‌کند حجم تولیدکننده باید کوچکتر یا مساوی ظرفیت آن تولیدکننده باشد. رابطه (۱۶)، محدودیت ظرفیت حمل و نقل برای انتقال همه محصولات تولیدی تولیدکننده به توزیعکننده را بررسی می‌کند و انتقال همه محصولات تولید شده به توزیعکننده را تضمین می‌کند. محدودیت (۱۷)، به بررسی محدودیت ظرفیت توزیعکننده در دریافت محصول از تولیدکننده برای انجام عملیات ارزش‌افزوده می‌پردازد و نیز تضمین می‌کند تنها توزیعکننده‌گان منتخب قادر به انجام عملیات در بخش توزیع هستند. رابطه (۱۸)، به محدودیت ظرفیت تولیدکننده برای انتقال محصول به توزیعکننده است.

رابطه (۱۹)، مربوط به ظرفیت انتقال محصول از تولیدکننده به توزیعکننده می‌باشد، به عبارتی باید میزان انتقال از تولیدکننده به توزیعکننده از ظرفیت انتقال آن کمتر باشد. محدودیت ظرفیت توزیع از توزیعکننده به خردهفروش در رابطه (۲۰) آورده شده است و بیان می‌کند که این میزان باید از ظرفیت انتقال توزیعکننده کمتر باشد. در باقیمانده روابط به بررسی محدودیت‌های زنجیره در خصوص ذخیره‌سازی، کنترل تقاضا و نیز محدودیت‌های بخش حمل و نقل زنجیره پرداخته می‌شود. رابطه (۲۱)، میزان تقاضایی که زنجیره برای دستیابی به حداقل سود باید برآورده سازد را معین می‌کند و تقاضای نهایی خردهفروش را بر اساس ضریب کاهش تقاضا به وسیله افزایش قیمت تعیین می‌کند. رابطه (۲۲)، مربوط به تعیین میزان کل تقاضای خردهفروشان برای هر محصول در هر دوره است. رابطه (۲۳)، در واقع معادله توازن برای محصولات ذخیره شده در توزیعکننده است. به عبارتی میزان ذخیره (انبارش) نهایی محصول در توزیعکننده را بر اساس محاسبه ذخیره از دوره قبل محاسبه می‌کند به این شکل که میزان محصول منتقل شده از تولیدکننده به توزیعکننده در هر دوره به علاوه ذخیره محصول از دوره قبل باید برابر با میزان محصول انتقال داده شده از توزیعکننده به خردهفروش در همان دوره باشد.

رابطه (۲۴)، محدودیت ظرفیت ذخیره‌سازی در توزیعکننده است. میزان ذخیره‌سازی باید کمتر از ظرفیت ذخیره‌سازی باشد. رابطه (۲۵)، تاکید دارد تقاضای کل خردهفروش‌ها باید کمتر از میزان تولید در تولیدکننده در هر دوره به علاوه ذخایر از دوره قبل توزیعکننده باشد.

میزان محصول منتقل شده به توزیع‌کننده و میزان ذخیره از دوره قبل باید از میزان توزیع شده به خرده‌فروشان کمتر باشد؛ این محدودیت توسط رابطه (۲۶) بیان شده است. رابطه (۲۷)، بیان می‌کند میزان محصول دریافت شده از توزیع‌کننده توسط خرده‌فروش باید برابر با میزان تقاضای آن خرده‌فروش باشد. رابطه (۲۸)، در واقع توازن بین توزیع و ذخیره‌سازی محصول را برقرار می‌کند. روابط (۲۹) و (۳۰)، مربوط به محدودیت‌های بخش حمل و نقل زنجیره هستند. به عبارتی تضمین می‌کنند میزان محصول حمل شده بین سطوح، از تولیدکننده به توزیع‌کننده و همچنین از توزیع‌کننده به خرده‌فروشها از ظرفیت حمل و نقل زنجیره در هر بخش کمتر باشد.

## جمع‌بندی و ملاحظات

در این بخش جهت اعتبار سنجی مدل ریاضی در ابتدا چند مدل ساده از زنجیره تأمین تحت طراحی مورد مطالعه این تحقیق مورد بررسی قرار گرفته است. سپس به بررسی مثال‌هایی با ساختارهای پیچیده‌تر پرداخته شده و در نهایت مثال واقعی ارائه خواهد شد.

داده‌های به کار رفته در حل مثال‌های مختلف از مسئله به صورت تصادفی از بازه‌هایی که در جدول (۱) آورده شده است، انتخاب می‌شوند. هدف انتخاب یک شبکه از این شبکه اصلی موجود و همچنین برنامه‌ریزی تولید، موجودی، توزیع و قیمت‌گذاری است.

**جدول ۱- پارامترهای مدل**

مقدار	پارامتر	مقدار	پارامتر
(۰,۶-۰,۲)	$LP_{pit}$	(۱۷۰۶۸-۱۱۲۳۵)	$M_{pit}$
(۲۷۵۶-۱۸۹۹)	$W_{pj}$	(۲۱۳۴۵-۱۳۹۲۸)	$M'_{pj}$
(۱۳۴۲-۹۹۸)	$Ag_{ij}$	(۷۳۲۵۰-۵۲۱۲۶)	$MK_{pit}$
(۹۹۵-۸۷۵)	$Ag'_{jc}$	(۷۲۱۲۶-۵۲۱۲۶)	$MK'_{ijt}$
(۲۶۲۸-۱۲۴۱)	$S_{pi}$	(۶۵۸۵۹-۴۳۸۵۶)	$MK''_{jet}$
(۶۳۰-۵۶۰)	$S'_j$	(۴۸,۵۵-۲۵,۱۳)	$UC_{pit}$
(۹,۴۶-۶,۷۴)	$Pk_{pj}$	(۵-۲)	$SC_{pj}$
(۵۲۸۱-۱۵۱۲)	$D'_{pct}$	(۲۲۰-۱۰۰)	$LC_{pit}$
		(۰,۹۸-۰,۵۱)	$\gamma_{pct}$

در جدول (۲)، تعداد دوره‌ها با  $T$ ، انواع حمل و نقل با  $K$ ، تعداد محصولات با  $P$ ، تعداد خرده‌فروشان با  $C$ ، توزیع کنندگان با  $J$ ، تعداد تولیدکنندگان با  $I$  و مقدار تابع هدف با  $Z$ ، مقدار تابع درآمد با  $REV$ ، هزینه تولید با  $TCP$ ، هزینه ذخیره‌سازی با  $TCD$ ، هزینه حمل و نقل با  $TCS$  و هزینه محصولات بازگشتی با  $TCL$  نشان داده شده است.

هزینه‌های ثابت راه‌اندازی شرکت‌های تولیدی و مراکز توزیع و هزینه‌های ثابت ایجاد توافق بین شرکت‌ها در ابتدای هر افق برنامه‌ریزی اعمال می‌شود و در دوره‌های بعدی افق برنامه‌ریزی اعمال نمی‌شود، هرچند که اعمال این هزینه‌ها در هر دوره از افق برنامه‌ریزی تأثیری در روند حل ندارد و این صرفاً به منظور سادگی در تولید مسائل تصادفی است. در تولید مسائل، ظرفیت‌های تولیدی، ظرفیت‌های مراکز توزیع، ظرفیت‌های توزیع شرکت‌های تولیدی و مراکز توزیع، ظرفیت‌های ذخیره‌سازی، هزینه‌های راه‌اندازی، هزینه‌های محصولات فاقد کیفیت، هزینه‌های ایجاد توافق و هماهنگی و هزینه‌های متغیر تولید و ایجاد ارزش افزوده به ازای هر واحد تولیدی و مرکز توزیع در هر دوره به صورت تصادفی و مبتنی بر توزیع یکنواخت انتخاب می‌شوند.

**جدول ۲- نتایج نرم افزار GAMS از حل مثال‌های اعتبار سنجی مدل**

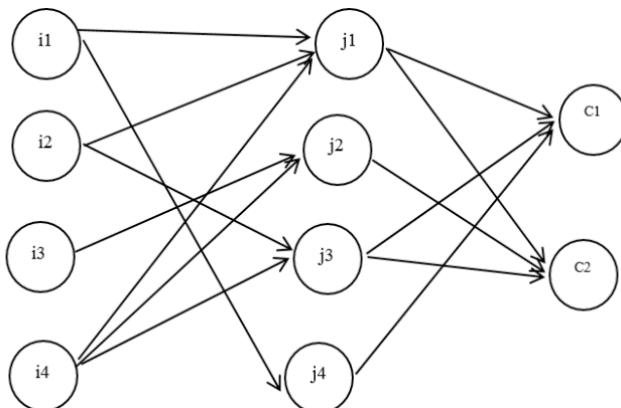
زمان حل (ثانیه)	نتایج نرم افزار GAMS از حل مثال‌های اعتبار سنجی مدل										شماره مثال	
	T	K	P	C	J	I	Z	REV	TCP	TCD	TCS	
0.046	6	1	1	2	2	2	9157817	16456770	150800	6885208	7740	255205
0.343	9	1	1	3	2	3	20125640	37202080	290480	16283560	4600	497798
3.932	9	2	2	4	2	3	98340260	179338400	1296222	77537890	31230	2132836
856.055	12	2	3	5	4	5	158719300	341966800	3302614	174260100	170810	5513996
33.836	12	1	3	6	5	4	151335300	270701000	1933509	113893900	51470	3486804
318.789	12	3	1	9	8	7	247977600	411072100	4609713	150356100	219760	7908962
1005.676	12	2	2	10	9	8	375013300	748215200	7292241	353371700	260120	12277840
1235.523	12	2	2	10	10	10	355730500	702914200	7366177	327384600	363420	12069490

## تحلیل حساسیت مدل ریاضی

برای بررسی روند تغییرات احتمالی جواب مدل پیشنهادی و میزان حساسیت آن به تغییرات

عوامل اصلی، ابتدا مدل با داده‌هایی که در جدول (۱) آورده شده است و با حضور چهار تولیدکننده و چهار توزیع‌کننده و دو خرده‌فروش با فرض تولید دو محصول متفاوت و دو نوع شیوه حمل و در نظر گرفتن دو دوره زمانی حل شده و زیرشبکه انتخابی توسط مدل در شکل (۱) نمایش داده شده است. سپس به بررسی روند تغییرات مدل مذکور در صورت اعمال تغییرات در هر یک از عوامل، مورد بررسی قرار گرفته است که نتایج تحلیل حساسیت مدل به هر متغیر در ادامه خواهد آمد.

در جدول (۳)، نتایج حاصل از حل مدل ارائه شده شامل مقادیر بهینه سود و تابع درآمد و توابع هزینه آمده است.



شکل ۱- زیرشبکه زنجیره تأمین انتخابی توسط مدل ریاضی

جدول ۳- نتایج نرم‌افزار GAMS از حل مثال اعتبارسنجی مدل ریاضی

Z	REV	TCP	TCD	TCS	TCL
20,432,473	35,745,913	383,164	14,282,995	955	646,325

در جداول (۴) الی (۸) میزان هر متغیر، حاصل از حل مدل توسط نرم‌افزار ارائه شده است. به ترتیب در جدول (۴)، میزان متغیر یا تقاضای کل برای محصول p در دوره زمانی t و در جدول (۵)، میزان متغیر یا قیمت محصول p برای خرده‌فروش c در دوره زمانی t ارائه شده است.

جدول ۴- تقاضای کل محصول p در دوره t

محصول	$t_1$	$t_2$
A	۳۴۰۰	۲۰۶۰
B	۲۱۴۵	۱۹۲۰

جدول ۵- قیمت محصول p برای خرده فروش c در دوره t

محصول	خرده فروش	$t_1$	$t_2$
A	c <sub>1</sub>	۴۲۴۰	۲۲۷۹
	c <sub>۲</sub>	۳۲۹۸	۳۷۸۸
B	c <sub>۱</sub>	۳۷۳۳	۱۸۷۲
	c <sub>۲</sub>	۲۸۶۵	۵۱۹۰

در جدول (۶)، میزان متغیر یا حجم ذخیره (انبارش) توزیع کننده از برای محصول p در دوره t و در جدول (۷)، میزان متغیر یا میزان تولید محصول p در تولید کننده A در دوره t ارائه شده است.

جدول ۶- میزان محصول p ذخیره شده در هر دوره

محصول	توزیع کننده	$t_1$
A	j <sub>۱</sub>	۴۰
B	j <sub>۱</sub>	۹۰
	j <sub>۲</sub>	۱۰۵

جدول ۷- تعداد واحد محصول p تولید شده در هر دوره

محصول	تولید کننده	$t_1$	$t_2$
A	i <sub>۱</sub>	۸۴۰	۰
	i <sub>۲</sub>	۹۲۰	۹۶۰
	i <sub>۳</sub>	۴۶۰	۱۸۰
	i <sub>۴</sub>	۱۲۲۰	۸۸۰

محصول	تولیدکننده	$t_1$	$t_2$
B	i <sub>۱</sub>	۳۹۰	۰
	i <sub>۲</sub>	۶۹۰	۷۲۰
	i <sub>۳</sub>	۳۴۵	۴۰۵
	i <sub>۴</sub>	۹۱۵	۶۰۰

جدول ۸- میزان محصول p حمل شده بین توزیعکننده زو خردفروشی c توسط ماشین  
حمل نوع k در دوره t

محصول	توزیعکننده	خردفروش	دوره زمانی L	نوع حمل	
				H	
A	j <sub>۱</sub>	c <sub>۱</sub>	t <sub>۱</sub>	۱۳	۳
		c <sub>۱</sub>	t <sub>۲</sub>	۱۸	۰
		c <sub>۲</sub>	t <sub>۱</sub>	۹	۱۶
		c <sub>۲</sub>	t <sub>۲</sub>	۰	۱۴
	j <sub>۲</sub>	c <sub>۲</sub>	t <sub>۱</sub>	۱۴	۱۳
		c <sub>۲</sub>	t <sub>۲</sub>	۱۷	۰
	j <sub>۳</sub>	c <sub>۱</sub>	t <sub>۱</sub>	۱۷	۱۴
		c <sub>۱</sub>	t <sub>۲</sub>	۱۰	۱۵
B	j <sub>۴</sub>	c <sub>۱</sub>	t <sub>۱</sub>	۹	۸
	j <sub>۱</sub>	c <sub>۱</sub>	t <sub>۱</sub>	۱۳	۱۶
		c <sub>۲</sub>	t <sub>۱</sub>	۹	۰
		c <sub>۲</sub>	t <sub>۲</sub>	۲۴	۱۴
	j <sub>۲</sub>	c <sub>۲</sub>	t <sub>۱</sub>	۱۳	۱۱
		c <sub>۲</sub>	t <sub>۲</sub>	۲۲	۱۶
	j <sub>۳</sub>	c <sub>۱</sub>	t <sub>۱</sub>	۱۷	۱۴
		c <sub>۱</sub>	t <sub>۲</sub>	۰	۶
	j <sub>۴</sub>	c <sub>۱</sub>	t <sub>۱</sub>	۹	۰

نتایج حاصل از حل مدل نشان می‌دهد با افزایش عامل ضریب یا نرخ کاهش تقاضا با افزایش قیمت در یک دوره، میزان تقاضای برآورده شده که توسط این زنجیره باید تأمین شود کاهش می‌یابد. همچنین هزینه کل و درآمد کل زنجیره کاهش می‌یابد در نتیجه سود کلی زنجیره نیز کاهش می‌یابد. نتایج این تحلیل حساسیت طبق سناریوهای مختلف تحت تغییر ضریب کاهش تقاضا، در جدول (۹) ارائه شده است.

#### جدول ۹- نتایج تحلیل حساسیت ضریب کاهش تقاضا براساس افزایش قیمت

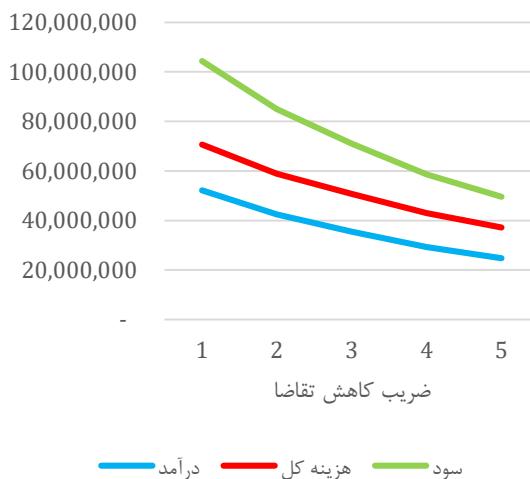
سناریو	ضریب کاهش تقاضا	تقاضای کل برآورده شده	درآمد	هزینه کل	سود
۱	۰,۵	۱۱,۰۶۵	۵۲,۱۸۴,۲۰۰	۱۸,۴۷۸,۵۳۱	۳۳,۷۰۵,۶۶۹
۲	۰,۶	۱۰,۱۰۵	۴۲,۵۱۱,۳۴۲	۱۶,۴۳۹,۲۴۹	۲۶,۰۷۲,۰۹۳
۳	۰,۷	۹,۵۵۵	۳۵,۵۰۹,۳۵۰	۱۵,۲۸۶,۳۳۵	۲۰,۲۲۳,۰۱۵
۴	۰,۸	۸,۵۷۵	۲۹,۲۹۶,۰۰۶	۱۳,۶۷۰,۴۲۳	۱۵,۶۲۵,۵۸۳
۵	۰,۹	۷,۷۹۰	۲۴,۷۷۴,۰۰۰	۱۲,۳۸۳,۳۳۷	۱۲,۳۹۰,۶۶۳

همان طور که در نمودارهای شکل (۲) و (۳)، مربوط به داده‌های خروجی افزایش ضریب افزایش قیمت براساس افزایش تقاضا نمایش داده شده است، نمودار مربوط به سود و تقاضا توابعی کاهشی هستند.



شکل ۲- نمودار کاهش تقاضای کل با افزایش ضریب قیمت

لازم به ذکر است به دلیل بالا بودن حجم داده‌های خروجی حاصل از حل مدل و رعایت اختصار از ارائه تمام جزئیات نتایج تحلیل حساسیت صرف نظر شده است.



شكل ۳- نمودار توابع سود و هزینه با افزایش ضریب قیمت

### نتیجه‌گیری

برای حل مدل از نرم‌افزار GAMS استفاده شده است و با حل مدل، در بخش هزینه‌های مدل، شاهد این هستیم که با افزایش هزینه‌های راه‌اندازی، انتقال، توزیع، تولید و ایجاد ارزش افزوده یک تولیدکننده و یا توزیعکننده در یک دوره به دلیل غیراقتصادی شدن حضور آن شرکت‌کننده، جذابیت آن کمتر شده و احتمال انتخاب آن تولیدکننده و توزیعکننده توسط مدل بسیار کاهش می‌یابد. به صورت عکس با کاهش این هزینه‌ها، میزان مطلوبیت و احتمال انتخاب آن تولیدکننده و توزیعکننده افزایش می‌یابد. با افزایش عوامل هزینه‌های حمل و نقل بین سطوح مختلف شبکه در یک دوره احتمال انتخاب آن نوع حمل بین سطوح بسیار کاهش می‌یابد به عبارتی احتمال اینکه این نوع حمل مذکور بتواند محصول منتقل کند کاهش می‌یابد و بر عکس. با افزایش عوامل هزینه‌های هماهنگی و عقد قرارداد بین یک تولیدکننده و توزیعکننده در یک دوره احتمال ایجاد هماهنگی بین آن دو بسیار کاهش می‌یابد به عبارتی احتمال اینکه این تولیدکننده به توزیعکننده مذکور بتواند محصول منتقل کند کاهش می‌یابد و بر عکس. با تغییر عامل هزینه ایجاد هماهنگی و عقد قرارداد بین یک توزیعکننده و

خردهفروش در یک دوره احتمال ایجاد هماهنگی بین آن دو بسیار کاهش می‌یابد. به عبارتی احتمال اینکه این توزیع‌کننده به خردهفروش مذکور بتواند محصول منتقل کند کاهش می‌یابد و بر عکس. با تغییر عامل میزان محصول ذخیره شده از دوره‌های قبل، متغیرهای مدل از جمله میزان تولید، میزان انتقال و توزیع، همچنین متغیرهای انتخاب تولیدکننده و توزیع‌کننده نیز تغییر می‌کند. با تغییر تقاضای اولیه هر خردهفروش تقریباً تمام متغیرهای مدل تغییر می‌کند. پیشنهاد می‌شود در تحقیقات آتی مواردی همچون: به کارگیری الگوریتم‌های ابتکاری و فرا ابتکاری برای حل مدل در ابعاد بزرگ، به کارگیری انواع مختلف تقاضاً مانند تقاضای وابسته به سطح موجودی و غیره، وارد نمودن کیفیت برای محصولات در مدل و قیمت‌گذاری محصولات بر اساس کیفیت، طراحی مدل به صورت حلقه بسته برای بازیافت یا بازنگشتن محصولات، استفاده از پارامترهای احتمالی، توسط سایر محققین در نظر گرفته شود.

## منابع

ترابی، سیدعلی، الله وردی لو، مرتضی و مقدم، محسن. (۱۳۹۰). ارائه رویکردی جدید در تصمیم‌گیری همزمان مدیریت تقاضا و برنامه‌ریزی تولید. نشریه تخصصی مهندسی صنایع، دوره ۴۵، شماره ۱، ص ۳۱ - ۴.

Abbasi, Reza Hosnavi, Reza Babazadeh (2014). "Agile and Flexible Supply Chain Network Design Under Uncertainty" International Journal of Industrial Engineering, 21(4), Pages 190-208

Agarwal, A., Shankar, R., & Tiwari, M. K. (2006). Modeling the Metrics of Lean, Agile and Leagile Supply Chain: An ANP-Based Approach. European Journal of Operational Research, 172(2), 122-112.

Banerjeea and Swati Agrawal, (2017). "Inventory Model for Deteriorating Items with Freshness and Price Dependent Demand: Optimal Discounting and Ordering Policies," Applied Mathematical Modelling, 114 (2), 476-486.

Christopher, M. (2000). The Agile Supply Chain: Competing in Volatile Markets. Industrial Marketing Management, 12(2), 27-22.

Cohen, M.A., (1977). Joint Pricing and Ordering Policy for Exponentially Decaying Inventory with Known Demand. Naval Research Logistics Quarterly, 24, 257-268.

Costantino, N., Dotoli, M., Falagario, M., Fanti, M. P., & Mangini, A. (2012). A Model for Supply Management of Agile Manufacturing Supply Chains. International Journal of Production Economics, 222(2), 222-227.

- Geunes, J., Romeijn, H. E., Taaffe, K., (2002). Models for Integrated Production Planning and Order Selection. Industrial Engineering Research Conference (IERC), Orlando, May.
- Gilbert, S. M., (1999). Coordination of Pricing and Multi-Period Production for Constant Priced Goods. European Journal of Operational Research, 114 (2), 330-337
- Gilbert, S. M., (2000). Coordination of Pricing and Multiple-Period Production Across Multiple Constant Priced Goods. Management Science, 46 (12), 1602-1616.
- KamranKianfar, (2019). "Maximizing Profit in a Supply Chain by Considering Advertising and Price Elasticity of Demand," Computers & Industrial Engineering, 265-274.
- Lee, HL (2002). 'Aligning Supply Chain Strategies with Product Uncertainties', California Management Review, vol. 44, no. 3, pp. 105-19.
- Lin, Yi-Chen Wu, (2014). "Combined Pricing and Supply Chain Operations Under Price-Dependent Stochastic Demand," Appl. Math. Modelling, 95-7
- Mahdi Mahmoodi, (2019). "A new Multi-Objective Model of Agile Supply Chain Network Design Considering Transportation Limits," Production & Manufacturing Research, 1-22.
- San-Joséa, Joaquín Sicilia, David Alcaide-López-de-Pablo, (2017), "An inventory System with Demand Dependent on Both Time and Price Assuming Backlogged Shortages," European Journal of Operational Research, 000 1-9
- Seyed Mohammad Seyed hosseini Seyyed-Mahdi Hosseini-Motlagh Maryam Johari Mona Jazinaninejad, (2019). "Social Price-Sensitivity of Demand for Competitive Supply Chain Coordination," Computers & Industrial Engineering, 1103-1126.
- Szu-Yuan, S, Meng-Hsiang, H & Wen-Jin, H (2009). 'The Impact of Alignment Between Supply Chain Strategy and Environmental Uncertainty on SCM Performance', Supply Chain Management: An International Journal, vol. 14, no. 3, pp. 201-12.
- Teksan, Joseph Geunes, (2016). "An EOQ Model with Price-Dependent Supply and Demand," International Journal of Production Economics, 114 (2), 476-486.
- Webster and Z. K. Weng, (2008). "Ordering and Pricing Policies in a Manufacturing and Distribution Supply Chain for Fashion Products," International Journal of Production Economics, 114 (2), 476-486.
- Whitin, T., (1955). Inventory Control and Price Theory. Management Sci., 2, 61-68.
- Yaghin and S. A. Torabi and F. Ghomi, (2012). "Integrated Markdown Pricing and Aggregate Production Planning in Atwo Echelon Supply Chain: A hybrid Fuzzy Multiple Objective Approach," Applied Mathematical Modeling, 36 (12), 6011-6030.
- Yildiz, A., & Yayla, A. Y. (2015). Multi Criteria Decision-Making Methods for Supplier Selection: A Literature Review. South African Journal of Industrial Engineering, 12(1), 221-277.